



FREISTAAT THÜRINGEN

Kultusministerium



Prüfung 2009

Nachtermin

Fachoberschule

Lösungshinweise
nur für den Lehrer bestimmt

Fach: Mathematik

Fachrichtung: Technik
Wirtschaft und Verwaltung
Gesundheit und Soziales

Hinweise für den Lehrer

1. Den Schülern ist für die Arbeit das erforderliche Papier (mit Schulstempel und aktuellem Datum versehen) zur Verfügung zu stellen.
2. Vor Beginn der Prüfung ist den Schülern u.a. mitzuteilen:
 - a) Die Arbeitszeit beträgt einschließlich Einlesezeit 210 min.
 - b) Es sind folgende Hilfsmittel zugelassen:
 - von der Fachkonferenz genehmigte Formelsammlungen,
 - Zeichengeräte,
 - nichtprogrammierbare, nichtgrafikfähige Taschenrechner,
 - Duden.
3. Die vorgegebene Punktzahl ist jeder Teilaufgabe zu entnehmen.
4. Es werden nur ganze Punkte erteilt. Für richtig vollzogene Teilschritte, in die falsche Zwischenergebnisse eingegangen sind, wird die vorgesehene Punktzahl erteilt, jedoch ist bei sinnlosem Endergebnis mindestens ein Punkt abzuziehen.
Die vorgesehene Punktzahl wird nicht erteilt, wenn sich diese Teilschritte durch vorher begangene Fehler wesentlich vereinfachen.
5. Aus der grafischen Darstellung sollen die markanten Punkte deutlich erkennbar sein. Das Zeichnen mit Kurvenschablonen wird nicht verlangt.
6. Bei wiederholtem Verstoß gegen die mathematische Fachsprache oder gegen die äußere Form kann insgesamt jeweils ein Punkt (1BE) abgezogen werden.
7. Löst der Schüler mehrere Wahlaufgaben, so wird die Wahlaufgabe gewertet, bei deren Lösung die höhere Punktzahl erreicht wurde.
Ein Zusatzpunkt wird erteilt, wenn zwei Wahlaufgaben richtig gelöst wurden.
8. Bewertungsmaßstab:

Note	1	2	3	4	5	6
Punkte (BE)	50 - 47	46 - 39	38 - 31	30 - 22	21 - 12	11 - 00

Pflichtaufgaben

1. **Summe:25BE**
 - 1.1 $S_y(0|13/6), S_{x_1}(1|0), S_{x_{2,3}}(1 \pm \sqrt{105}/4 | 0)$ (5BE)
 - 1.2 $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = \pm\infty$ (2BE)
 - 1.3 $P_{\text{Max}}(-1|10/3), P_{\text{Min}}(2|-7/6), P_w(1/2|13/12)$ (8BE)
 - 1.4 **Graf** (2BE)
 - 1.5 $A = \int_{-2,31}^1 f(x)dx + \int_{2,81}^1 f(x)dx = 8,39FE$ (3BE)
 - 1.6 für $x_t = 1/2$ in $y = f'(x_t)(x - x_t) + y_t$ einsetzen,
 $y_t = -\frac{9}{4}x + \frac{53}{24}$, **Graf** (3BE)
 - 1.7 $y_1 = f(x) - \frac{10}{3}$ und $y_2 = f(x) + \frac{7}{6}$ (2BE)

2. **Summe:10BE**
 - 2.1 $S_y(0|0), S_{x_1}(0|0)$ – unabhängig von t, $S_{x_2}(t|0)$ (3BE)
 - 2.2 $x = -1$ (2BE)
 - 2.3 z.B. $(a_n) = \left(3 + \frac{(-1)^n}{n} \right)$ (2BE)
 - 2.4 z.B. lok. Extrema bei $x_1 = -1$ und $x_2 = 3$, Wendestelle bei $x_w = 1$ (3BE)

3. **Summe: 15BE**

3.1 $P_{\max}(-2|e^2)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)=0$, $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)=-\infty$, $W_f=\{y \in \mathbb{R} | y \leq e^2\}$ (5BE)

3.2 $S_y(0|3)$, $S_x(-3|0)$, Graf (3BE)

3.3 $G'(x) = g(x)$, $A = \int_{-3}^0 g(x) dx = (e^3 - 4)FE$ [$\approx 16,09FE$] (3BE)

3.4 $A_{\max} = \frac{1}{2} a \cdot b$ mit $a = -x$, $b = g(x)$, $A_{\max}(x) = -\frac{1}{2} \cdot x \cdot (x+3) e^{-x}$, $t = -2,30$ (4BE)

4. **Summe: 15BE**

4.1 Teilaufgabe 1

4.1.1 Histogramm mit z.B.:

Intervall	[69,4 – 69,5[[69,5 – 69,8[[69,8 – 70,3[[70,3 – 70,5[[70,5 – 70,6[
H	3	14	55	14	4

4.1.1 (3BE)

4.1.2 $\bar{x} = 70$, $s = 0,287$ (5BE)

4.1.3 5,56% (2BE)

4.2 Teilaufgabe 2

4.2.1 $p = 1,77\%$ (3BE)

4.2.2 $x_1 = 9,90 \text{ Mio. m}^3$, $x_2 = 9,82 \text{ Mio. m}^3$ (2BE)

5. **Summe: 15BE**

5.1 $|\overline{AB}| = |\overline{BC}| = 5LE$, $\overline{AB} \circ \overline{BC} = 0$, Graf (4BE)

5.2 $D(1|6|-1)$, $M\left(3 \left| \frac{7}{2} \right| \frac{1}{2} \right)$, Graf (3BE)

5.3 $S\left(0 \left| \frac{7}{2} \right| \frac{9}{2} \right)$, $V_{ABCDS} = \frac{125}{3} VE$ (4BE)

5.4 $F\left(\frac{3}{2} \left| \frac{7}{2} \right| \frac{5}{2} \right)$, $V_{ABCDS} = \frac{125}{3} VE$, $V_{ABCDF} = \frac{125}{6} VE$ (4BE)

6. Finanzmathematik **Summe: 15BE**

6.1 $K_9 = 20000 \cdot 1,048^9 = 30498,715€$, $S_9 = 250 \cdot 12 \cdot \frac{1,048^9 - 1}{0,048} = 32808,484€$,
 $B_0 = 130000 - K_9 - S_9 = 66692,80€$, $66692,80/0,95 = 70202,95€$ (6BE)

6.2 $0 = 70202,95 \cdot 1,055^n - 6047,97 \cdot \frac{1,055^n - 1}{0,055}$, $n = 19 \text{ Jahre}$ (3BE)

6.3 z.B. $T_1 = 6047,97 - B_0 \cdot 0,055 = 2186,81€$, $T_{10} = T_1 \cdot q^9 = 3540,65€$,
 $Z_{10} = A - T_{10} = 2507,32€ \Rightarrow Z_{10} : T_{10} = 1 : 1,41$ (3BE)

6.4 z.B. $6047,97 / 2 = T_1 \cdot 1,055^n$, $n = 6,05 \Rightarrow$ bis zum 6. Jahr (3BE)